





دوره ۸، شماره۴، سال ۱۴۰۱، صفحات ۲۸۷ – ۲۹۹ (DOI): 10.22044/JRAG.2024.14025.1356) شناسه دیجیتال

پایدارسازی مشتقات قائم در برابر نوفه با استفاده از ترکیب دو روش تفاضل محدود و گسترش رو به بالا، مطالعه موردی: دادههای گرانی محدوده شمالی معدن سنگ آهن جلال آباد زرند، کرمان

احمد الوندي*، وحيد ابراهيمزاده اردستاني، سيد هاني متولى عنبران

گروه فیزیک زمین، موسسه ژئوفیزیک، دانشگاه تهران، تهران

دریافت مقاله: ۱۴۰۲/۱۰/۱۲؛ پذیرش مقاله: ۱۴۰۳/۰۱/۰۴

* نویسنده مسئول مکاتبات: aalvandi@ut.ac.ir

چکیدہ	واژگان کلیدی
قائم میدان گرانی گامی اساسی در بهبود روشهای تفسیر و پردازش دادههای گرانی است. هرچند بزرگترین عیب این	
فیلترها حساسیت آنها به نوفه است. در این پژوهش با استفاده از ترکیب دو روش تفاضل محدود و فیلتر گسترش رو به بالا	
یک روش جدید و توانمند برای محاسبه مشتق قائم میدان گرانی که از پایداری بیشتری در برابر نوفه برخوردار است به	مشتق قائم پایدار
منظور تولید مشتقات قائم پایدار و طراحی فیلترهای تعیین لبه معرفی و استفاده میگردد. بدین منظور ابتدا با استفاده از	ادامه فراسو
دادههای گرانی مصنوعی آلوده به ۳ و ۶ درصد نوفه گاوسی توانایی این تکنیک و سایر روشهای مرسوم محاسبه مشتق قائم	تفاضل محدود
میدان گرانی مورد بررسی قرار گرفته و پس از تایید نظری، توانمندی این روش و سایر روشهای محاسبه مشتق قائم به	تبديل فوريه
همراه فیلترهای تعیین لبهها مانند زاویه تیلت افقی (TDX) و فیلتر تابع پلهای هویساید مشتق قائم (HSV) بر روی داده-	داده گرانی
های گرانی معدن سنگ آهن جلالآباد زرند، واقع در استان کرمان نیز مورد آزمایش و بررسی قرار گرفته است. نتایج به	
دست آمده از مدلهای گرانی مصنوعی و دادههای میدانی، توانایی این تکنیک را در کاهش تاثیر نوفه در نقشههای گرادیان	
قائم و ترسیم بهتر لبههای چشمههای گرانی با فیلترهای تعیین لبه زاویه تیلت افقی و تابع پلهای هویساید مشتق قائم	
نمایش میدهد.	

۱–مقدمه

مشتق قائم میدان گرانی از نقشی اساسی در طراحی فیلترهای تعیین لبه و معرفی برخی روشهای محاسبه عمق (اتوماتیک و نیمهاتوماتیک) به منظور پردازش و تفسیر دادههای گرانبی برخوردار است (Blakely, 1996؛ ابراهیمزاده اردستانی، ۱۳۸۹؛ Toktay, 2022؛ ۱۳۸۹، Ghanati, 2023). مشتق قائم میدان گرانی با استفاده از روشهای المان محدود، بی اسپلاین (B-splines) و المان های مرزی در دامنه فضایی و یا به کمک روش تبدیل فوریه (FFT) در دامنه فرکانسی (1996) محاسبه می گردد (Gang and Lin., 2018). هرچند این روش فقط قادر به تعیین موقعیت افقی و جانبی ساختارهای کم عمق بوده و در شرایط نوفهای نیز از توانایی مناسبی برای تعیین موقعیت چشمههای مدفون گرانی برخوردار نیست (Baniamerian et al., 2018). برای کاهش تاثیر نوفه در دادههای گرانی معمولا از فیلترهای کاهش نوفه مانند فیلترهای پایین گذر، روش ادامه فراسو یا گسترش رو به بالا، فیلتـر ميانگين غيرمحلي بهبود يافته (modified non local means) و.. استفاده می گردد (Ai et al., 2023). به همین دلیل و به منظور پایداری و دقت بیشتر در پردازش و تفسیر داده ای گرانی و محاسبه مشتقات درجه اول و دوم قائم گرانی، در سالهای اخیر برخی پژوهشگران به کمک ترکیب فیلتر ادامه فراسو با سایر توابع و تکنیکهای محاسباتی، مشتق قائم میدان گرانی را محاسبه و فیلترهای مناسب تری مانند ادامه فروسو، تعيين لبه و .. توليد نمودهاند (Oliveira and Pham, 2022). به عنوان مثال Florio و همکاران (۲۰۰۶) با استفاده از فیلتر ادامه فراسو یک تقریب از مشتق قائم دامنه سیگنال تحلیلی با عنوان روش تفاضل پسرو ((backward difference (BD)) برای بهبود و افزایش دقت روش محبوب نيمه اتوماتيك ديكانولوشن اويلر سهبعدى ارائه نمودهاند. براى تعیین موقعیت افقی و مرز چشمههای مدفون میدان پتانسیل با عمقهای متفاوت (ساختارهای پیچیده)، ترکیبی از مشتق قائم میدان گرانی با دامنه سیگنال تحلیلی سهبعدی توسط Tatchum و همکاران (۲۰۱۱) ارائه شده است. در سال ۲۰۲۰، توسط Tran و Nguyen با استفاده از بسط تیلور و فیلتر ادامه فراسو روشی ترکیبی تحت عنوان روش بسط تيلور-ادامه فراسو (TS-UC) برای محاسبه مشتق قائم ميدان گرانی و مغناطیسی به منظور بهبود عملکرد فیلتر ادامه فروسو تولید و معرفی شده است. به منظور افزایش کیفیت و دقت در پردازش دادههای گرانی حاوی نوف، توسط Oliveira و ۲۰۲۲) یک رابطه پایدار و توانمند با استفاده از ترکیب دو روش تفاضل محدود و فیلتر گسترش رو به بالا تحت عنوان روش تفاضل محدود-ادامه فراسو (FD-UC) برای محاسبه مشتق قائم دادههای میدان پتانسیل معرفی شده است. این فیلتر در مقایسه با سایر روشهای محاسبه مشتق قائم قادر است با دقت و کیفیت بیشتری مشتقات قائم میدان پتانسیل را در شرایط نوفهای محاسبه و نقشه موقعیت افقی ساختارهای مدفون را ترسیم نماید .(Oliveira and Pham, 2022)

در این پژوهش به منظور بررسی توانایی و قابلیت روش.های اشاره شده (دامنه فرکانسی، تفاضل پسرو، بسط تیلور-ادامه فراسو و تفاضل محدود-ادامه فراسو) برای محاسبه مشتق قائم میدان گرانی دو سناریو برای داده-

های مصنوعی در نظر گرفته شده است. ابتدا دادههای یک مدل گرانی مصنوعی تولید شده از سه منشور مدفون با چگالی و عمقهای متفاوت و آلوده به ۳ و ۶ درصد نوفه گاوسی بررسی گردیده و سپس در ادامه نیز این فیلترها بر روی دادههای میدانی معدن سنگ آهن جالال آباد زرند، استان کرمان اعمال و با یکدیگر مقایسه گردیده است. همچنین به منظور تایید توانمندی و قابلیت روشهای محاسبه مشتق قائم در تعیین موقعیت فاقی ساختارهای مدفون، از این روشها در دو فیلتر تعیین لبه چشمه-فاقی ساختارهای مدفون، از این روشها در دو فیلتر تعیین لبه پشمه-فیلتر تابع پلهای هوی ساید (2021) (Pham, 2021) و فیلتر تابع پلهای هوی ساید (2011) که در رابطه اصلی آن ها پژوهش ضمن مقایسه روشهای محاسبه مشتق قائم در شرایط نوفهای، معرفی یک روش مورد اطمینان و دقیق برای محاسبه مشتقات قائم پایدار دادههای گرانی آلوده به نوفه است.

۲-محاسبه مشتق قائم گرانی

اساس روش تفاضل محدود استفاده از بسط تیلور حول نقطه z = z₀ میباشد. معادله کلاسیک این روش با درجه k برابر است با (Oliveira). and Pham, 2022):

$$\begin{split} f(z_i) &= \sum_{j=0}^k \frac{1}{j!} \frac{\partial^j f(z_0)}{\partial z^j} (z_i - z_0)^j + \mathcal{O}(\Delta z^{k+1}) \end{split} \tag{1}$$

در معادله (۲)، f میدان گرانی در جهت محور قائم و متغیر n به عنوان طول الگو تعریف می شود. ضرایب ci باید طوری انتخاب شوند که جمع داخلی در سمت راست (به استثنا f = 1) بدون تاثیر گردد، از اینرو داریم:

$$\begin{split} \sum_{i=1}^{n} c_i (z_i - z_0)^j &= \\ \sum_{i=1}^{n} c_i (\alpha_i \Delta z)^j &= \begin{cases} 0 & 0 \le j \le k, j \ne 1\\ \Delta z. & j = 1 \end{cases} \end{split}$$
(°)

با استفاده از رابطه (۳)، مجدد معادله (۲) به صورت زیر بازنویسی می-گردد:

$$\sum_{i=1}^{n} c_i f(z_i) = \frac{\partial f(z_0)}{\partial z} \Delta z + \mathcal{O}(\Delta z^{k+1})$$
^(*)

$$c_{c_{1}}(z_{0})$$
 در رابطه (۴) مقدار $\frac{\partial f(z_{0})}{\partial z}$ برابر است با:
 $\frac{\partial f(z_{0})}{\partial z} = \frac{1}{\Delta z} \sum_{i=1}^{n} c_{i} f(z_{0} + \alpha_{i} \Delta z) + \mathcal{O}(\Delta z^{k})$ (۵)

به منظور پایدارسازی معادله (۵)، Oliveira و Pham (۲۰۲۲)، استفاده از رابطه $(1 - i) = -(\beta + i)$ پیشنهاد نمودند. در این رابط β یک پارامتر ثابت مثبت و پایدارساز است که تضمین می کند میدان پتانسیل \mathcal{R} رانی حداقل به ارتفاع A $\beta \Delta r$ رو به بالا گسترش دارد و کمتر به نوفه حساس است. با توجه به پیشنهاد Oliveira و Pham (۲۰۲۲) از تقریب مرتبه چهارم (4=4) برای محاسبه رابطه (۵) استفاده می نماییم. دلیل استفاده از این تقریب پایدار شدن رابطه (۶) و کاهش حساسیت به نوفه است.

$$\begin{aligned} \frac{\partial f(z_0)}{\partial z} &= \frac{c_1 f(z_1) + c_2 f(z_2) + c_3 f(z_3) + c_4 f(z_4) + c_5 f(z_5)}{\Delta z} + \mathcal{O}(\Delta z^4). \quad z_i = \\ z_0 &- \beta \Delta z - (i-1) \Delta z \end{aligned}$$
(§)

$$\begin{aligned} & \begin{array}{l} & \end{array}{l} & \end{array}{l} & \begin{array}{l} & \begin{array}{l} & \end{array}{l} & \begin{array}{l} & \end{array}{l} & \begin{array}{l} & \end{array}{l} & \begin{array}{l} & \begin{array}{l} & \end{array}{l} & \begin{array}{l} & \end{array}{l} & \begin{array}{l} & \begin{array}{l} & \end{array}{l} & \end{array}{l} & \begin{array}{l} & \begin{array}{l} & \begin{array}{l} & \end{array}{l} & \end{array}{l} & \end{array}{l} & \begin{array}{l} & \begin{array}{l} & \end{array}{l} & \end{array}{l} & \end{array}{l} & \begin{array}{l} & \begin{array}{l} & \begin{array}{l} & \end{array}{l} & \end{array}{l} & \end{array}{l} & \end{array}{l} & \begin{array}{l} & \begin{array}{l} & \end{array}{l} & \end{array}{l} & \end{array}{l} & \begin{array}{l} & \end{array}{l} & \end{array}{l} & \begin{array}{l} & \begin{array}{l} & \end{array}{l} & \end{array}{l} & \end{array}{l} & \end{array}{l} & \begin{array}{l} & \begin{array}{l} & \end{array}{l} & \end{array}{l} & \end{array}{l} & \end{array}{l} & \end{array}{l} & \begin{array}{l} & \begin{array}{l} & \begin{array}{l} & \end{array}{l} & \end{array}{l} & \end{array}{l} & \end{array}{l} & \end{array}{l} & \end{array}{l} & \begin{array}{l} & \begin{array}{l} & \end{array}{l} & \begin{array}{l} & \begin{array}{l} & \end{array}{l} \\ lengthinatric{l} & \end{array}{l} \\ lengthin & \end{array}{l} \\ lengthinatric{l} & \end{array}{l} \\ lengthinte{l} & \end{array}{l} \\ lengthin & \end{array}{l} \\ lengthinte{l} \\ lengthinte{l} \\ lengthinet \\ lengthinte{l} \\ \\ lengthinte{l} \\ lengthinte{l} \\ lengthinte{l} \\ lengthinte{l} \\ \\ lengthinte{l} \\ lengthinte{l} \\ lengthinte{l} \\ \\ \\ lengthinte{l} \\ \\ \\ lengthinte{l} \\ \\ lengte{l} \\ \\ \\ lengthinu$$

باتوجه به روش پیشنهادی این پژوهش و سایر روشهای محاسبه مشتق قائم میدان گرانی، بررسی و ارائه چند مورد از خواص این روش ضروری به نظر میآید: ۱-اگـر n = 2 ، k = 1 و پایدارساز رابطـه برابـر $(\beta + i - 1) = \alpha_i$ باشد. سیستم خطی زیر پس از حذف Δz ایجاد می گردد:

$$\begin{cases} c_1 + c_2 = 0.\\ c_1(-\beta) + c_2(-\beta - 1) = 1 \end{cases}$$

پاسخ _C1 و _C2 برابر با ۱ و ۱ – است که به مقدار بتا وابستگی ندارد (بتا یک پارامتر مثبت است). از اینرو داریم:

$$\frac{\partial f(z_0)}{\partial z} = \frac{f(z_0 - \beta \Delta z) - f(z_0 - \beta \Delta z - \Delta z)}{\Delta z} + \mathcal{O}(\Delta z)$$
(1.)

معادله بالا همان رابطه ارائه شده توسط Tatchum و همکاران. (۲۰۱۱) برای محاسبه مشتق قائم میدان گرانی است.

۲-اگر مقدار بتا برابر با صفر در نظر گرفته شود. معادله زیر که همان روش تفاضل محدود پسرو است ایجاد می گردد. این روش توسط Florio

و همکاران. (۲۰۰۶) برای محاسبه مشتق قائم میدان پتانسیل معرفی گردیده است.

$$\frac{\partial f(z_0)}{\partial z} = \frac{f(z_0) - f(z_0 - \Delta z)}{\Delta z} + \mathcal{O}(\Delta z)$$
(11)

⁻⁻ مطابق با روش Tran و Nguyen (۲۰۲۰)، می توان تقریب های تفاضل محدود از مرتبه (Δz^k) را نیز استخراج نمود. همچنین تقریب هایی را برای مشتقات عمودی مرتبه ۲ تا k بدست آورد، در حالی که روش FD-UC فقط اولین مشتق عمودی میدان گرانی را محاسبه می نماید. ضمنا معادله Tran و Nguyen (۲۰۲۰) برای $\frac{\partial f}{\partial z}$ را نیز می توان با استفاده از روش FD-UC با انتخاب بتا برابر با صفر به دست آورد.

⁴-روش ارائه شده در معادله (۱۰) برابر با روش تفاضل محدود پسرو (معادله (۱۱) برای داده های گسترش یافته به سمت بالا به اندازه (معادله ۲) برابر با $h = \beta \Delta z$ معادله (۱۲) برای داده های گسترش یافته به سمت بالا به اندازه h نیست. معادله (۱۲) برای داده های گسترش یافته به سمت بالا به اندازه و بیست. بالا، تقریبی از با اینارین با استفاده از معادله (۱۲) با ادامه h به سمت بالا، تقریبی از مرتبه چهارم مشتق قائم میدان گرانی در $z = (z_0 - h)$

$$\frac{\partial (z_0)}{\partial z} = \frac{25f(z_0) - 48f(z_0 - \Delta z) + 36f(z_0 - 2\Delta z) - 16f(z_0 - 3\Delta z) + 3f(z_0 - 4\Delta z)}{12\Delta z} + \mathcal{O}(\Delta z^4)$$
(17)

۵- برای محاسبه مشتق قائم در دامنه فرکانسی از رابطه ذیل استفاده می گردد (Blakely, 1996):

 $\frac{\partial f}{\partial z} = F^{-1}[|K|F[f]]$ (17)

در رابطه (۱۳)، F تبدیل فوریه و K عدد موج است. -8- در رابطه پیشنهادی برای محاسبه مشتق قائم (روش تفاضل محدود-ادامه فراسو) هنگامی که Δz بین $\Delta x/_{10}$ و $\Delta x/_{5}$ در نظر گرفته می-شود، حساسیت روش به نوفه کمتر خواهد بود (Oliveira and Pham, 1 مود، حساسیت روش به نوفه کمتر خواهد بود (به مشتق قائم و فیلترهای تعیین لبه با استفاده از دادههای مصنوعی آلوده به نوف و بیهنجاری گرانی محدوده جلال آباد در شکل (۱) نمایش داده شده است. پایدارسازی مشتقات قائم در برابر نوفه با استفاده از ترکیب دو روش تفاضل محدود و گسترش رو به بالا، الوندی و همکاران، صفحات ۲۸۷–۲۹۹.



شکل ۱: روندنمای استفاده از روشهای محاسبه مشتق قائم و روشهای تعیین لبه با استفاده از دادههای مصنوعی آلوده به نوفه و بیهنجاری گرانی محدوده جلال آباد

۳-مدل مصنوعی

در این بخش توانایی روشهای محاسبه مشتق قائم با استفاده از یک مدل گرانی مصنوعی متشکل از سه منشور مدفون با چگالیهای متفاوت آزمایش شده است. پارامترهای مدل مصنوعی در جدول (۱) ارائه شده است. مدل دوبعدی ساختار مصنوعی به همراه بی هنجاری گرانی تولید شده بر حسب میلی گال در شکل (۲) نمایش داده شده است. به منظور سادهسازی محاسبات، هر دو مقدار Δx و Δy مساوی در نظر گرفته شده و مدل گرانی مصنوعی در یک شبکه منظم ۱۰km×۱۰km در جهت شمال_جنوب و شرق_غرب با فاصله نمونهبرداری یک کیلومتر با استفاده از فرمول ارائه شده توسط Rao و همکاران (۱۹۹۰) در محیط برنامه MATLAB تولید شده است. از آنجا که هدف اصلی در تولید مدل های مصنوعی بررسی توانایی و پایداری روشهای مشتق قائم میدان گرانی در برابر نوفه است، مدل مصنوعی تولید شده را به نوف گاوسی با انحراف استاندارد ۳ و ۶ درصد ماکزیمم دامنه بی هنجاری آلوده نموده ایم. نتایج استفاده از روشهای مختلف محاسبه مشتق قائم شامل روش مرسوم دامنه فركانسی (معادله ۱۳)، روش تفاضل پسرو (با استفاده از معادله (۱۱) و با در نظر گرفتن $\Delta z = 2\Delta x$)، روش بسط تیلور –ادامه فراسو (با استفاده از معادله (۱۲) و با در نظر گرفتن $\Delta z = 2\Delta x$)، و روش تفاضل eta=50 محدود-ادامه فراسو (با استفاده از معادله (۶) و با در نظر گرفتن و $\Delta z = \Delta x/_{10}$ ، در شکل (۳) به ترتیب نمایش داده شده است. باتوجه به پیشنهاد Oliveira و ۲۰۲۲) مقدار بتا در این پژوهش برای دادههای مصنوعی و میدانی مقدار ۵۰ فرض شده است. متغیر بتا می تواند بین ۳۰ تا ۵۰ و با تشخیص مفسر انتخاب گردد.





جدول ۱: پارامترهای چگالی و هندسی مدل گرانی مصنوعی

С	В	А	پارامترها/برچسب منشور
۲۵۰۰	۳۵۰۰	۳۰۰۰	چگالی (کیلوگرم بر متر مکعب)
٨٠٠٠	٨٠٠٠	٨٠٠٠	طول (متر)
۱۵۰۰	۱۵۰۰	۱۵۰۰	عرض (متر)
۵۰۰	٨٠٠	۵۰۰	عمق بالا (متر)
١٠٠٠	١٠٠٠	۱۰۰۰	ضخامت (متر)



شکل ۳: محاسبه مشتق قائم دادههای گرانی مصنوعی با ۳ درصد نوفه گاوسی با روش: الف) دامنه فرکانسی، ب) تفاضل پسرو، ج) بسط تیلور -ادامه فراسو، د) تفاضل محدود -ادامه فراسو

در شکل (۳) موقعیت هر سه چشمه A، B و C با روشهای محاسبه مشتق قائم دامنه فرکانسی، تفاضل پسرو، بسط تیلور ادامه فراسو، و تفاضل محدود ادامه فراسو برحسب میلی گال بر متر تعیین شده است. البته نقشه مشتق قائم در دامنه فرکانسی از نوفه تاثیر بیشتری پذیرفته و لبههای چشمههای مدفون به صورت هالهای ترسیم شده است. ضمنا نقشه به دست آمده از روش تفاضل محدود ادامه فراسو تاثیر پذیری کمتری از نوفه نسبت به روشهای تفاضل پسرو و بسط تیلور ادامه فراسو دارد. در این نقشه مرز افقی چشمهها با کیفیت و تفکیک پذیری بیشتری قابل مشاهده است.

به منظور بررسی بهتر و دقیق تر توانایی و کیفیت روشهای محاسبه مشتق قائم در برابر نوفه، در ادامه دادههای مصنوعی به نوف ه گاوسی با انحراف استاندارد ۶ درصد ماکزیمم دامنه بی هنجاری آلوده شده است. نتایج استفاده از روشهای مختلف محاسبه مشتق قائم در شکل (۴) همزمان با افزایش نوفه گاوسی نمایش داده شده است.



شکل ۴: محاسبه مشتق قائم دادههای گرانی مصنوعی با ۶ درصد نوفه گاوسی با روش: الف) دامنه فرکانسی، ب) تفاضل پسرو، ج) بسط تیلور – ادامه فراسو، د) تفاضل محدود –ادامه فراسو

در شکل (۴) موقعیت هر سـه چشـمه A، B و C بـا روشهـای محاسـبه مشتق قائم دامنه فرکانسی، تفاضل پسـرو، بسـط تیلـور -ادامـه فراسـو، و تفاضل محدود-ادامه فراسو تعیین شده است. هرچند محاسبه مشتق قائم در دامنه فرکانسی از نوفه گاوسی تاثیر بیشتری پذیرفتـه و روش تفاضـل محدود-ادامه فراسو تاثیرپذیری کمتـری از نوف ه نسـبت بـه دو روش بـر مبنای تفاضل محدود دارد. در نقشه ۴-الف مرز افقی چشمههای مـدفون به صورت هالهای ترسیم گردیده و شکل ۴-د مرز افقی چشمههای مدفون با تفکیکپذیری و به دور از مرزهای جعلی و ناقص ترسیم شده است.

۴- فیلترهای تعیین لبه

فیلترهای تعیین لبه نقشی اساسی در پردازش دادههای گرانی و مغناطیسی ایفا مینمایند (Alvandi et al., 2022a). در این بخش توانایی و کیفیت روش پیشنهادی (معادله ۶) و سایر روشهای محاسبه مشتق قائم با استفاده از فیلترهای تعیین لبه که در رابطه اصلی آنها مشتق قائم میدان گرانی وجود دارد برای دادههای آلوده به نوفه گاوسی مورد بررسی و آزمایش قرار خواهد گرفت. فیلتر زاویه تیلت افقی برای

تعیین موقعیت افقی دادههای میدان پتانسیل توسط Cooper و Cowan (۲۰۰۶) معرفی گردیده است (Alvandi et al., 2022b). این فیلتر تعیین لبه به صورت زیر تعریف می گردد:

$$TDX = \operatorname{atan}\left(\frac{\sqrt{\left(\frac{\partial f}{\partial x}\right)^{2} + \left(\frac{\partial f}{\partial y}\right)^{2}}}{\left|\frac{\partial f}{\partial z}\right|}\right)$$
(14)

به منظور متعادل نمودن سیگنالهای مختلف حاصل از منابع مدفون با عمقهای متفاوت، فیلتر تعیین لبه تابع هویساید مشتق قائم میدان گرانی معرفی شده است (Pham, 2021). رابطه اصلی این فیلتر به صورت زیر تعریف می گردد:

$$HSV = \sqrt{\left(\frac{\partial HV}{\partial x}\right)^2 + \left(\frac{\partial HV}{\partial y}\right)^2}$$
(1 Δ)

که مقدار HV از رابطه (۱۶) محاسبه می گردد: HV = $0.5 \times (\text{sign}(\frac{\partial f}{\partial r})+1)$

(18)

TDX) فيلتر زاويه تيلت افقى (TDX)

در این بخش کیفیت فیلتر تعیین لبه TDX بر روی دادههای گرانی آلوده به نوفه گاوسی با انحراف استاندارد ۳ و ۶ درصد ماکزیمم دامنه بی-هنجاری مورد بررسی قرار خواهد گرفت.

در شکل (۵) موقعیت هر سه چشمه A، B و C با استفاده از ماکزیمم دامنه فیلتر TDX و به کمک روش های محاسبه مشتق قائم دامنه فرکانسی، تفاضل پسرو، بسط تیلور ادامه فراسو، و تفاضل محدود ادامه فراسو با داده های مصنوعی آلوده به ۳ درصد نوف ه تعیین شده است. هرچند در شکل (۵-الف)، نقشه تعیین لبه به دست آمده به کمک مشتق قائم در دامنه فرکانسی از نوفه تاثیر بیشتری پذیرفته است. همانطور که انتظار داریم، نقشه تعیین لبه به دست آمده از مشتق قائم حاصل از روش تفاضل محدود ادامه فراسو تاثیر پذیری کمتری از نوفه نسبت به روش های تفاضل پسرو و بسط تیلور ادامه فراسو دارد. تعیین لبه چشمه های مدفون با استفاده از ترکیب فیلتر TDX و روش تفاضل محدود ادامه فراسو از تفکیک پذیری بیشتر و ماکزیمم دامنه نقشه به خوبی لبه سه چشمه را تعیین نموده است.



شکل ۵: محاسبه زاویه تیلت افقی برای دادههای گرانی مصنوعی با ۳ درصد نوفه گاوسی با استفاده از روش: الف) دامنه فرکانسی، ب) تفاضل پسرو، ج) بسط تیلور –ادامه فراسو، د) تفاضل محدود –ادامه فراسو

در ادامه مانند بخش محاسبه مشتقات قائم میدان گرانی، به منظور بررسی بهتر و دقیق تر روش های محاسبه مشتق قائم در برابر نوفه، داده-های مدل مصنوعی به نوفه گاوسی با انحراف استاندارد ۶ درصد ماکزیمم دامنه بی هنجاری آلوده شده است. نتایج تعیین لبه سه چشمه مدفون با روش TDX و به کمک فیلترهای مختلف محاسبه مشتق قائم شامل روش مرسوم دامنه فرکانسی، روش تفاضل پسرو، روش بسط تیلور ادامه فراسو، و روش تفاضل محدود ادامه فراسو در شکل (۶) به ترتیب نمایش داده شده است.



شکل ۷: تعیین مرز افقی با فیلتر تابع هویساید برای دادههای گرانی مصنوعی با ۳ درصد نوفه گاوسی با استفاده از روش: الف) دامنه فرکانسی، ب) تفاضل پسرو، ج) بسط تیلور-ادامه فراسو، د) تفاضل محدود-ادامه فراسو

در شکل (۷) موقعیت هر سه چشمه A، B و C با استفاده از ماکزیمم دامنه فیلتر HSV و به کمک روش های محاسبه مشتق قائم دامنه فرکانسی، تفاضل پسرو، بسط تیلور ادامه فراسو، و تفاضل محدود ادامه فراسو با داده های مصنوعی آلوده به ۳ درصد نوفه تعیین شده است. البته در شکل (۷-الف)، نقشه تعیین لبه به دست آمده به کمک مشتق قائم در دامنه فرکانسی از نوفه تاثیر بیشتری پذیرفته است. همانطور که انتظار داریم، نقشه تعیین لبه به دست آمده از مشتق قائم حاصل از روش تفاضل محدود ادامه فراسو تاثیرپذیری کمتری از نوفه نسبت به روشهای مزاهای جعلی و اضافی موقعیت سه چشمه مدفون را تعیین نموده است. در این نقشه به خوبی کیفیت و توانایی روش تفاضل محدود ادامه فراسو به کمک فیلتر تابع هویساید مشخص شده است.

در ادامه به منظور بررسی بهتر و دقیقتر توانایی و کیفیت فیلترهای تعیین مرز افقی در برابر نوفه، دادهها به نوفه گاوسی با انحراف استاندارد ۶ درصد ماکزیمم دامنه بی هنجاری آلوده شده است. نتایج تعیین لبه با



شکل ۶: محاسبه زاویه تیلت افقی برای دادههای گرانی مصنوعی با ۶ درصد نوفه گاوسی با استفاده از روش: الف) دامنه فرکانسی، ب) تفاضل پسرو، ج) بسط تیلور -ادامه فراسو، د) تفاضل محدود -ادامه فراسو

در شکل (۶) موقعیت هر سه چشمه A، B و C با فیلتر تعیین لبه زاویه تیلت افقی مشخص شده است. هرچند تولید فیلتر TDX در دامنه فرکانسی از نوفه تاثیر بیشتری پذیرفته و فیلتر تولید شده با روش تفاضل محدود-ادامه فراسو تاثیرپذیری کمتری از نوف انسبت به دو روش بر مبنای تفاضل محدود دارد. تعیین لبه سه چشمه در نقشه ۶-الف به سختی امکان پذیر بوده و لبههای تعیین شده به کمک ترکیب فیلتر TDX و روش تفاضل محدود-ادامه فراسو در شکل ۶-د از کیفیت و شفافیت بیشتری در مقایسه با سه نقشه دیگر برخوردار است.

۲-۴- فیلتر تابع هویساید (HSV)

در این بخش کیفیت فیلتر تعیین لبه HSV بر روی دادههای گرانی آلوده به نوفه گاوسی با انحراف استاندارد ۳ و ۶ درصد ماکزیمم دامنه بی-هنجاری مورد بررسی قرار خواهد گرفت.

فیلتر تابع هویساید و به کمک روشهای مختلف محاسبه مشـتق قـائم شامل روش مرسوم دامنه فرکانسی، روش تفاضل پسرو، روش بسط تیلور-ادامه فراسو و روش تفاضل محدود⊣دامه فراسو در شـکل (۸) بـه ترتیـب نمایش داده شده است.



شکل ۸: تعیین مرز افقی با روش تابع هویساید برای دادههای گرانی مصنوعی با ۶ درصد نوفه گاوسی با استفاده از روش: الف) دامنه فرکانسی، ب) تفاضل پسرو، ج) بسط تیلور –ادامه فراسو، د) تفاضل محدود –ادامه فراسو

در شکل (۸) موقعیت هر سه چشمه A، B و C با فیلتر تعیین لبه HSV مشخص شده است. البته فیلتر HSV در دامنـه فرکانسـی از نوفـه تـاثیر بیشتری پذیرفته و فیلتر تولید شده با روش تفاضل محدود-ادامـه فراسـو تاثیرپذیری کمتری از نوفه نسبت به دو روش بر مبنـای تفاضـل محـدود دارد. در شکل ۸-د و با وجود افزایش نوفـه بـه خـوبی کیفیـت و توانـایی روش تفاضل محدود-ادامه فراسو به کمک فیلتر تابع هویساید مشـخص شده است.

به منظور بررسی دقیق تر و کمی فیلترهای کاهش نوفه دادههای گرانی و ارزیابی توانایی فیلترهای تعیین لبه در تشخیص موقعیت افقی ساختارهای مدفون، مقادیر خطای جذر میانگین مربعات (RMSE) بین نقشههای تعیین لبه و روشهای مختلف کاهش نوفه دادههای گرانی با مدل دوبعدی مصنوعی در جدول (۲) نمایش داده شده است.

جدول ۲: مقادیر RMSE بین نقشههای تعیین لبه (زاویه تیلت افقی و تابع هویساید) و نقشه دوبعدی مدل مصنوعی

_				
	تابع هوىسايد	زاویه تیلت افقی	RMSE	
	۲/۴۵ :FD	۲/۳۵ :FD	نقشه	مدل اول
	۱/۹۲ :BD	۱/۸۴ :BD	مدل دوبعدى	(۳ در صد نوفه)
	۲/۲۳ :TS-UC	۲/۰۳ :TS-UC		
	FD-UC؛ ۱/۱۴	FD-UC؛ ۱/۰۵		
	۳/۷۵ :FD	٣/۵۴ :FD	نقشه	مدل دوم
	۱/۴۲ :BD	۱/۳۲ :BD	مدل دوبعدى	(۶ در صد نوفه)
	۱/۶۵ :TS-UC	TS-UC: ۱/۴۶		
	۰/۹۵ :FD-UC	FD-UC؛ ۲۵۰		
_				

باتوجه به نتایج به دست آمده از جدول (۲) به وضوح مشخص است که روش تفاضل محدود-ادامه فراسو در کاهش نوف ه در داده های گرانی و فیلتر تابع هوی ساید در تعیین لبه ساختارهای مدفون از کیفیت و توانایی لازم بر خوردار است.

۵–مدل میدانی

در این بخش توانایی و کیفیت روشهای محاسبه مشتق قائم و فیلترهای تعیین لبه با استفاده از روشهای محاسبه مشتق قائم، بر روی دادههای گرانی محدوده شمالی معدن سنگ آهن جلال آباد زرند، کرمان مورد بررسی و مقایسه قرار گرفته است.

۱-۵- موقعیت جغرافیایی و زمینشناسی منطقه

معدن سنگ آهن جلال آباد زرند یکی از ذخایر بزرگ سنگ آهـن ایـران می باشد که در استان کرمان و در فاصله ۳۵ کیلومتری شمال غرب شهرستان زرند واقع شده است. منطقه مورد مطالعه در این پژوهش در شمال محدوده معدن آهن جلال آباد شهرستان زرند و در بین طول های شرقی ۴۴۳۶۸۰۰ تیا ۴۴۵۴۰۰ و عرض های شیمالی ۳۴۳۲۸۰۰ تیا ۳۴۳۵۰۰۰ در سیستم مختصات UTM در زون R40 قرار گرفته است (ژولیدهسر و همکاران.، ۱۳۹۹). نقشه زمین شناسی ساده محدوده مورد مطالعه با مستطیل قرمز در شکل (۹) نمایش داده شده است (یوسفی-طبس و أقاجاني، ١٣٩٧؛ ژوليدهسر و همكاران.، ١٣٩٩). زمين شناسي منطقه معدني جلال آباد عمدتا مربوط به قبل از دوران پالئوزوئيک و پالئوزوئیک تحتانی است و جایگاه ساختاری آن مربوط به بلوک ایران مرکزی است که از طرف شرق و شمال شرق به گسل بزرگ کوهبنان و از طرف غرب و جنوب غرب به گسل داوران محدود می شود. سنگهای ولکانیک و رسوبی، سنگهای میزبان محدوده مورد مطالعه است. کانسار اصلی محدوده جلال آباد، منیتیت است که در اعماق بیشتر قرار گرفته و هماتیت به صورت ثانویه از اکسیداسیون منیتیت ودر اعماق کمتر بوجود آمده است (ژولیده سر و مصطفایی، ۱۳۹۲). در محدوده مورد مطالعه دو برداشت مغناطیسسنجی و گرانیسنجی به منظور بررسی ساختارهای مدفون انجام شده است. نقشه بیهنجاری گرانی باقیمانده محدوده مورد مطالعه در شکل (۱۰) بر حسب میلی گال پس از تصحیحات گرانی نمایش

داده شده است. در نقشه بیهنجاری گرانی یک بیهنجاری با شدت کم مربوط به کانسار آهن قابل با روند شمالی-جنوبی مشاهده است (Alvandi et al., 2023).



شکل ۹: الف) نقشه زمینشناسی محدوده مورد مطالعه (مستطیل قرمز رنگ محدوده برداشت داده گرانی را نشان میدهد)



شکل ۱۰: نقشه بی هنجاری گرانی باقیمانده معدن جلال آباد بر حسب میلیگال

۲-۵- نقشه مشتق قائم

در این بخش نقشه محاسبه مشتق قائم با استفاده از روش دامنه فر کانسی، روش تفاضل پسرو ($\Delta z = 2\Delta x$)، روش بسط تیلور ادامه فرکانسی، روش تفاضل محدود ادامه فراسو ($\Delta z = 2\Delta z$) فراسو ($\Delta z = 2\Delta z$)، در شکل (۱۰) به ترتیب نمایش داده شده است.



شکل ۱۱: محاسبه مشتق قائم دادههای گرانی محدوده مورد مطالعه با روش: الف) دامنه فرکانسی، ب) تفاضل پسرو، ج) بسط تیلور –ادامه فراسو، د) تفاضل محدود –ادامه فراسو

در شکل (۱۱) موقعیت و لبه کانسار آهن با روشهای محاسبه مشتق قائم دامنه فرکانسی، تفاضل پسرو، بسط تیلور ادامه فراسو، و تفاضل محدود-ادامه فراسو تعیین نشده است. لذا استفاده از فیلترهای تعیین لبه به منظور تعیین موقعیت ساختارهای مدفون کاملا به ضروری به نظر میآید. در ادامه از دو فیلتر زاویه تیلت افقی و تابع هوی ساید به منظور تعیین موقعیت افقی کانسار آهن محدوده مورد مطالعه استفاده شده است.

۳-۵- نقشه TDX و HSV

در این بخش ابتدا کیفیت فیلتر تعیین لبه TDX بر روی دادههای گرانی محدوده مورد مطالعه مورد بررسی قرار گرفته است.

در شکل (۱۲) موقعیت ساختارهای مدفون با استفاده از ماکزیمم دامنه فیلتر TDX و به کمک روشهای محاسبه مشتق قائم دامنه فرکانسی، تفاضل پسرو، بسط تیلور ادامه فراسو، و تفاضل محدود ادامه فراسو مشخص نگردیده و اطلاعات به دست آمده از همبستگی کافی با نقشه گرانی باقیمانده برخوردار نیست. نقشه به دست آمده از ترکیب فیلتر زاویه تیلت افقی با روش تفاضل محدود ادامه فراسو مرز افقی ساختار الی را تعیین نموده است. باتوجه به اینکه یکی از معایب فیلتر TDX ترسیم مرزهای جعلی و نادرست است (2023)

استفاده از فیلتر تابع هویساید به منظور تولید یک نقشه با قدرت تفکیک مناسب و عاری از مرزهای جعلی کاملا ضروری به نظر میآید.



شکل ۱۲: محاسبه زاویه تیلت افقی برای دادههای گرانی واقعی با استفاده از روش: الف) دامنه فرکانسی، ب) تفاضل پسرو، ج) بسط تیلور –ادامه فراسو، د) تفاضل محدود –ادامه فراسو

در شکل (۱۳) موقعیت کانسار آهن با استفاده از ماکزیمم دامنه فیلتر HSV و به کمک روشهای محاسبه مشتق قائم دامنه فرکانسی، تفاضل پسرو، بسط تیلور ادامه فراسو، و تفاضل محدود ادامه فراسو تعیین شده است. البته نقشه تعیین لبه به دست آمده به کمک مشتق قائم در دامنه فرکانسی از نوفه تاثیر بیشتری پذیرفته است. همانطور که انتظار داریم، نقشه تعیین لبه به دست آمده از مشتق قائم حاصل از روش تفاضل محدود ادامه فراسو تاثیرپذیری کمتری از نوفه نسبت به روشهای تفاضل پسرو و بسط تیلور ادامه فراسو دارد. این نقشه بدون ترسیم مرزهای چعلی و اضافی موقعیت کانسار آهن را تعیین نموده است. همچنین مرز بعدون و روند شمالی جنوبی کانسار آهن در نقشه تعیین لبه ترسیم شده بوده و روند شمالی جنوبی کانسار آهن در نقشه تعیین لبه ترسیم شده است.



شکل ۱۳: تعیین مرز افقی با روش تابع هویساید برای دادههای گرانی میدانی با استفاده از روش: الف) دامنه فرکانسی، ب) تفاضل پسرو، ج) بسط تیلور –ادامه فراسو، د) تفاضل محدود –ادامه فراسو

۶- نتیجهگیری

در این پژوهش روشهای مختلف محاسبه مشتق قائم (دامنه فرکانسی، تفاضل پسرو، بسط تیلور ادامه فراسو و تفاضل محدود ادامه فراسو) با استفاده از دادههای مصنوعی آلوده به نوفه و دادههای میدانی محدوده شمالی معدن سنگ آهن جلال آباد زرند، کرمان مورد بررسی و مقایسه قرار گرفته است. همچنین با ترکیب روشهای محاسبه مشتق قائم با فیلترهای تعیین لبه، کیفیت فیلترهای TDX و HSV در برابر نوفه بهبود یافته است. بنابراین با استفاده از ترکیب دو روش تفاضل محدود و گسترش رو به بالا می وان نقشههای مشتق قائم میدان گرانی و فیلترهای تعیین لبه را با تفکیک پذیری بهتر و نوفه کمتر تولید و ترسیم نمود.

۷- منابع

ابراهیمزاده اردستانی، و.، ۱۳۸۹، گرانیسنجی کاربردی، انتشارات دانشگاه تهران.

ژولیدهسر, ف، مرادزاده, ع. و دولتیاردهجانی, ف.، ۱۳۹۹، وارونسازی تُنُک سهبعدی توام گرادیان متقاطع با استفاده از قید همواری برای دادههای گرانی و مغناطیس کانسار آهن هماتیتی جلالآباد، نشریه مهندسی معدن، ۱۵(۴۹)، ۶۷–۸۷.

یوسفی طبس, ع. و آقاجانی, ح.، ۱۳۹۷، کاربرد روش گرادیان کل نرمال

- Blakely, R. J., 1996, Potential theory in gravity and magnetic applications. Cambridge: Cambridge University Press.
- Cooper, G. R. J., and Cowan, D. R., 2006, Enhancing potential field data using filters based on the local phase. Computers and Geosciences, 32(10), 1585–1591.
- Florio, G., Fedi, M., and Pasteka, R., 2006, On the application of Euler deconvolution to the analytic signal. Geophysics, 71(6), L87–L93.
- Gang, Y, Lin, Z., 2018, An improved stable downward continuation of potential fields using a truncated Taylor series and regularized vertical derivatives method, Journal of Geophysics and Engineering, 15(5), 2001–2008.
- Oliveira, S.P. and Pham, L.T., 2022, A stable finite difference method based on upward continuation to evaluate vertical derivatives of potential field data. Pure Appl Geophys 179(12):4555–4566.
- Rao DB, Prakash MJ, Ramesh Babu N (1990) 3-D and 2 1/2-D modeling of gravity anomalies with variable density contrast. Geophys Prospect 38:411–422.
- Tatchum, C. N., Tabod, C. T., Koumetio, F., and Manguelle Dicoum, E., 2011, A gravity model study for differentiating vertical and dipping geological contacts with application to a Bouguer gravity anomaly over the Foumban shear zone, Cameroon. Geophysica, 47(1–2), 43–55.
- Toktay, H.D., 2022, Modeling of Archaeomagnetic Anomaly Maps, Springer, Singapore, https://doi.org/10.1007/978-981-19-4219-8.
- Tran, K. V., and Nguyen, T. N., 2020, A novel method for computing the vertical gradients of the potential field: application to downward continuation. Geophysical Journal International, 220(2), 1316–1329.
- Pham, L. T., 2021, A high resolution edge detector for interpreting potential field data: A case study from the Witwatersrand basin, South Africa. Journal of African Earth Science, 178(104), 190.

بهبودیافته در تعیین موقعیت بیهنجاریهای میدان پتانسی، نشریه مهندسی منابع معدنی، ۳(۳)، ۱۷–۲۹.

- ژولیدهسر، ف. و مصطفایی، ک.، ۱۳۹۲، خدمات ژئوفیزیک مغناطیس-سنجی و گرانیسنجی در آنومالیهای سنگ آهن ایران مرکزی، پروژه اکتشاف گرانیسنجی در محدوده شمالی معدن سنگآهن جلالآباد زرند، گزارش فنی گرانیسنجی، مشارکت شرکت معدن-کاو و زمین موجگستر.
- Alvandi A., Toktay H D. and Pham L T.; 2022a: Capability of improved Logistics filter in determining lateral boundaries and edges of gravity and magnetic anomalies Tuzgolu, Area Turkey. Iranian Journal of Mining Engineering., 7(4), https://doi.org/10.22034/ijme.2022.538984.1889. (in Persian).
- Alvandi A., Toktay H D. and Pham L T.; 2022b: Interpretation of gravity data using logistic function and total horizontal gradient (LTHG) - A case study: Charak anticline. JOURNAL OF RESEARCH ON APPLIED GEOPHYSICS (JRAG)., 17(56), https://doi.org/10.22044/jrag.2022.11430.1325. (in Persian).
- Ai, H., Alvandi, A., Ghanati, R., Pham, L., Alarifi, S., Nasui, D. and Eldosouky, A., 2023, Modified nonlocal means: A novel denoising approach to process gravity field data. Open Geosciences, 15(1), https://doi.org/10.1515/geo-2022-0551.
- Alvandi, A., Su, K., Ai, H., Ardestani, V.E., and Lyu, C., 2023, Enhancement of Potential Field Source Boundaries Using the Hyperbolic Domain (Gudermannian Function). *Minerals*, 13, 1312. https://doi.org/10.3390/min13101312.
- Alvandi, A., and Ardestani, V.E., 2023, Edge detection of potential field anomalies using the Gompertz function as a high-resolution edge enhancement filter. Bull. Geophys. Oceanogr, 64, 279–300. https://doi.org/10.4430/bgo00420.
- Alvandi, A., Ghanati, R., 2023, Using magnetic data for estimating the location of lateral boundaries and the depth of the shallow salt dome of Aji-Chai, East Azerbaijan Province, Iran. International Journal of Mining and Geo-Engineering, 57(3), pp. 251-258. https://doi.org/10.22059/ijmge.2023.352685.595014.
- Baniamerian, J., Liu, S., and Abbas, M. A., 2018, Stable computation of the vertical gradient of potential field data based on incorporating the smoothing filters. Pure and Applied Geophysics, 175(8), 2785–2806.